

## 第九届“希望杯”全国数学邀请赛

初二 第1试

一、选择题（每小题6分，共60分）

1. 将多项式 $x^2-4y^2-9z^2-12yz$ 分解成因式的积，结果是 [ ]

- A.  $(x+2y-3z)(x-2y-3z)$     B.  $(x-2y-3z)(x-2y+3z)$   
 C.  $(x+2y+3z)(x+2y-3z)$     D.  $(x+2y+3z)(x-2y-3z)$

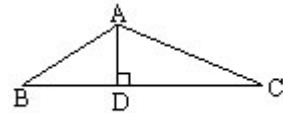


图 1

2. 设实数 $m$ 、 $n$ 满足 $m^2n^2+m^2+n^2+10mn+16=0$ ，则有 [ ]

- A.  $\begin{cases} m=2 \\ n=2 \end{cases}$  或  $\begin{cases} m=-2 \\ n=-2 \end{cases}$     B.  $\begin{cases} m=2 \\ n=2 \end{cases}$  或  $\begin{cases} m=2 \\ n=-2 \end{cases}$

- C.  $\begin{cases} m=2 \\ n=-2 \end{cases}$  或  $\begin{cases} m=-2 \\ n=2 \end{cases}$     D.  $\begin{cases} m=-2 \\ n=-2 \end{cases}$  或  $\begin{cases} m=-2 \\ n=2 \end{cases}$

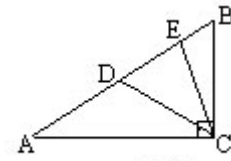


图 2

3. 如图1， $\triangle ABC$ 中， $\angle BAC=120^\circ$ ， $AD \perp BC$ 于 $D$ ，且 $AB+BD=DC$ ，则 $\angle C$ 的大小是 [ ]

- A.  $20^\circ$     B.  $25^\circ$     C.  $30^\circ$     D. 大于 $30^\circ$

4. 如图2， $\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ， $D$ 、 $E$ 为 $AB$ 上的两点，若 $AE=AC$ ，

$\angle DCE=45^\circ$ ，则图中与 $BC$ 等长的线段是 [ ]

- A.  $CD$     B.  $BD$     C.  $CE$     D.  $AE-BE$

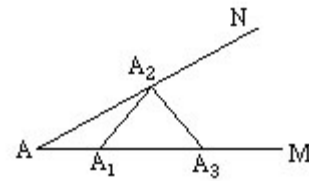


图 3

5. 要使分式 $\frac{1}{\frac{1-|x|}{|x|}}$ 有意义，则 $x$ 的取值范围是 [ ]

- A.  $x \neq 0$     B.  $x \neq 1$ 且 $x \neq 0$     C.  $x \neq 0$ 或 $x \neq \pm 1$     D.  $x \neq 0$ 且 $x \neq \pm 1$

6. 已知 $a-b=3$ ，那么 $a^3-b^3-9ab$ 的值是 [ ]

- A. 3    B. 9    C. 27    D. 81

7. 如图3， $\angle MAN=16^\circ$ ， $A_1$ 点在 $AM$ 上，在 $AN$ 上取一点 $A_2$ ，使 $A_2A_1=AA_1$ ，再在 $AM$ 上取一点 $A_3$ ，使 $A_3A_2=A_2A_1$ ，如此一直作下去，到不能再作为止.那么作出的最后一点是 [ ]

- A.  $A_5$     B.  $A_6$     C.  $A_7$     D.  $A_8$

8. 已知 $a$ 、 $b$ 、 $c$ 、 $d$ 为正实数，且 $a^2=2$ ， $b^3=3$ ， $c^4=4$ ， $d^5=5$ ，则 $a$ 、 $b$ 、 $c$ 、 $d$ 中最大的数是 [ ]

- A.  $a$     B.  $b$     C.  $c$     D.  $d$

9. 已知三个整数 $a$ 、 $b$ 、 $c$ 的和为奇数，那么 $a^2+b^2-c^2+2ab$  [ ]

- A. 一定是非零偶数    B. 等于零    C. 一定是奇数    D. 可能是奇数，也可能是偶数

10. 若 $a_1$ 、 $a_2$ 、 $b_1$ 、 $b_2$ 均为正数，且 $a_1 \geq a_2$ ， $a_1 \leq b_1$ ， $a_1a_2 \leq b_1b_2$ ，则 $a_1+a_2$ 与 $b_1+b_2$ 的大小关系是 [ ]

- A.  $a_1+a_2 \leq b_1+b_2$     B.  $a_1+a_2 \geq b_1+b_2$     C.  $a_1+a_2 = b_1+b_2$     D. 无法确定的

二、A组填空题（每小题6分，共60分）

11. 已知 $p$ 与 $q$ 互为相反数（ $p \neq 0$ ）， $s$ 与 $t$ 互为倒数，那么 $\frac{p^3+q^3}{p^3-q^3} - \frac{s+t}{s^2t+st^2} = \underline{\hspace{2cm}}$ .

12. 化简:  $\frac{m^4-16}{m^4+4m^2+16} \div \frac{m^2+4}{m^3-8} \times \frac{m^2-2m+4}{m^2-4m+4} \div (m+2) = \underline{\hspace{2cm}}$ .

13.  $\triangle ABC$ 中,  $M$ 为 $BC$ 上一点,  $AM$ 是 $\angle BAC$ 的平分线, 若 $AB=2, AC=1, BM=\frac{3}{2}$ , 则 $CM$ 的长是\_\_\_\_\_.

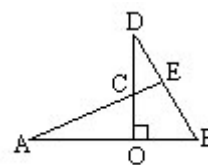


图 4

14. 如图4, 已知 $DO \perp AB, OA=OD, OB=OC$ , 则 $\angle OCE + \angle B$ 的大小是\_\_\_\_\_.

15. 已知  $ab \neq 0$  且  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = 4$ , 那么  $\frac{4a+3ab+4b}{-3a+2ab-3b} = \underline{\hspace{2cm}}$ .

16. 若  $m = \frac{ab}{a^2-b}$ , 则化简  $\frac{pm^2}{am-b} - \frac{pm}{a}$  应得到\_\_\_\_\_.

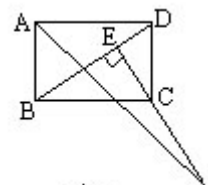


图 5

17. 如图5, 自矩形 $ABCD$ 的顶点 $C$ 作 $CE \perp BD$ ,  $E$ 为垂足, 延长 $EC$ 至 $F$ , 使 $CF=BD$ , 连接 $AF$ , 则 $\angle BAF$ 的大小是\_\_\_\_\_.

18. 已知平行四边形 $ABCD$ 的周长为52, 自顶点 $D$ 作 $DE \perp AB, DF \perp BC$ ,  $E, F$ 为垂足, 若 $DE=5, DF=8$ , 则 $BE+BF$ 的长为\_\_\_\_\_.

19. 已知  $0 < a < b < 1$ , 且  $a+b=1$ , 那么  $a, b, a^2+b^2, \frac{1}{2}$  这四个数从小到大排列为\_\_\_\_\_.

20. 已知  $n$  为正整数, 且  $4^7 + 4^n + 4^{1998}$  是一个完全平方数, 则  $n$  的一个值是\_\_\_\_\_.

三、B组填空题 (每小题6分, 共30分)

21. 当  $x = \underline{\hspace{1cm}}$  且  $y = \underline{\hspace{1cm}}$  代数式  $-x^2 - 2y^2 - 2x + 8y - 5$  有最大值, 这个最大值是\_\_\_\_\_.

22. 已知  $A, B, C$  三点共线, 线段  $AB=16$ , 点  $D$  是  $BC$  的中点,  $AD=12.5$ , 则  $BC$  的长为\_\_\_\_\_或\_\_\_\_\_.

23. 若对于任意  $x$ , 等式  $(2x-1)^2 - a(x-b)^2 = px$  都成立 ( $a, b, p$  为常数), 那么  $p = \underline{\hspace{1cm}}$  或\_\_\_\_\_.

24. 设  $A, B$  两地的距离为  $s$ , 甲、乙两人同时从  $A$  地步行到  $B$  地, 甲的速度为  $v$ , 乙用  $\frac{4}{3}v$  的速度行走了一半的路程, 再用  $\frac{3}{4}v$  的速度走完了另一半的路程, 那么\_\_\_\_\_先到达  $B$  地 (填甲或乙). 甲与乙所用的时间的比是\_\_\_\_\_.

25. 已知一个矩形的长、宽分别为正整数  $a, b$ , 其面积的数值等于它的周长数值的2倍, 则  $a+b = \underline{\hspace{1cm}}$  或\_\_\_\_\_.