

## 第十三届“希望杯”全国数学邀请赛

初二 第1试

### 一、选择题

1. 使分式  $\frac{-x-|x|}{x^2+x}$  的值为零的  $x$  的一个值是 [ ]  
(A) 0 (B) 1 (C) -1 (D) -2
2. 下列各式分解因式后, 可表示为一次因式乘积的是 [ ]  
(A)  $x^3 - 9x^2 + 27x - 27$  (B)  $x^3 - x^2 + 27x - 27$  (C)  $x^4 - x^3 + 27x - 27$  (D)  $x^3 - 3x^2 + 9x - 27$
3. 2001年7月13日, 北京市获得了第29届奥运会的主办权, 这一天是星期五, 那么第29届奥运会在北京市举办的那一年的7月13日是 [ ]  
(A) 星期四 (B) 星期五 (C) 星期六 (D) 星期日
4. 设  $P$  是等边  $\triangle ABC$  内任意一点, 从点  $P$  作三边的垂线  $PD$ 、 $PE$ 、 $PF$ , 点  $D$ 、 $E$ 、 $F$  是垂足, 则  $\frac{PD+PE+PF}{AB+BC+CA}$  等于 [ ]  
(A)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  (B)  $\frac{\sqrt{3}}{6}$  (C)  $\frac{2\sqrt{3}}{2}$  (D)  $\frac{1}{2}$
5. 若三角形的三个内角  $A$ 、 $B$ 、 $C$  的关系满足  $A > 3B$ ,  $C < 2B$ , 那么这个三角形是 [ ]  
(A) 钝角三角形 (B) 直角三角形 (C) 等边三角形 (D) 不等边的锐角三角形
6. 已知  $m = \frac{4-x}{3}$ ,  $n = \frac{x+3}{4}$ ,  $p = \frac{2-3x}{5}$ , 且  $m > n > p$ , 那么  $x$  的取值范围是 [ ]  
(A)  $x < 1$  (B)  $-\frac{14}{5} < x < 1$  (C)  $-\frac{7}{17} < x < 1$  (D)  $-\frac{14}{5} < x < -\frac{7}{17}$
7. If  $a < b < 0$ , then the following inequality must be hold [ ]  
(英语小词典: following: 下面的; inequality: 不等式)  
(A)  $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$  (B)  $\frac{1}{|a|} > \frac{1}{|b|}$  (C)  $\frac{1}{a-b} > \frac{1}{a}$  (D)  $(b + \frac{1}{a})^2 < (a + \frac{1}{b})^2$
8. 已知  $b < 0$ ,  $0 < |a| < |b| < |c|$ , 且  $\sqrt{\frac{ab^2}{c}} = \frac{b}{c}\sqrt{ac}$ , 则  $a$ 、 $b$ 、 $c$  的大小顺序是 [ ]  
(A)  $a < b < c$  (B)  $c < b < a$  (C)  $b < a < c$  (D)  $b < c < a$
9. 在凸四边形  $ABCD$  中,  $AB \parallel CD$ , 且  $AB+BC=CD+DA$ , 则 [ ]  
(A)  $AD > BC$  (B)  $AD < BC$  (C)  $AD=BC$  (D)  $AD$  与  $BC$  的大小关系不能确定
10. 在直角  $\triangle ABC$  中,  $\angle C=90^\circ$ ,  $AC=3$ , 以  $AB$  为一边向三角形外作正方形  $ABEF$ , 正方形的中心为  $O$ , 且  $OC=4\sqrt{2}$ , 那么  $BC$  的长等于 [ ]  
(A)  $3\sqrt{2}$  (B) 5 (C)  $2\sqrt{5}$  (D)  $\frac{9}{2}$

### 二、A组填空题

11. 若对于一切实数  $x$ , 等式  $x^2 - px + q = (x+1)(x-2)$  均成立, 则  $p^2 - 4q$  的值是\_\_\_\_\_.
12. 2001年北京市的气候条件较好又无病虫害, 这一年北京市海淀区的冬储大白菜的种植面积约为2000亩, 与一一年相比, 面积持平而亩产量达5000公斤, 比上一年的亩产量增加

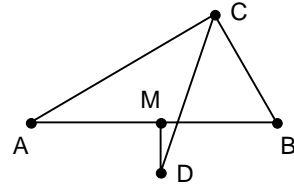
了25%，但平均价格低于上一年，2001年在地头批发的平均价格为每公斤0.20元，假设所有的大白菜都在地头批发，且两年收入相同，则上一年在地头批发大白菜的平均价格约为每公斤\_\_\_\_\_元。

13. 若  $3a^{2n+m}$  和  $4a^{n-2m}$  都是  $2a^5$  的同类项，则  $2(n^3m^5)^2 \div \left(\frac{1}{2}n^5m\right) \cdot (nm^3)$  的值是\_\_\_\_\_。

14. 若  $x^2 - x - 1 = 0$ ，则  $-x^3 + 2x + 2002 =$ \_\_\_\_\_。

15. 若  $a, b$  均为正数，且  $\sqrt{a^2 + b^2}, \sqrt{4a^2 + b^2}, \sqrt{a^2 + 4b^2}$  是一个三角形的三条边的长，那么这个三角形的面积等于\_\_\_\_\_。

16. In the Rt $\triangle ABC$ ,  $\angle ACB=90^\circ$ ,  $\angle A=30^\circ$ ,  $CD$  is the bisector to  $\angle ACB$ ,  $MD$  is the perpendicular to  $BA$  and  $MD$  through the midpoint of segment  $AB$ , then  $\angle CDM=$ \_\_\_\_\_。



(英语小词典: bisector: 平分线; perpendicular: 垂线; midpoint: 中点)

17. 边长为整数且面积为2002的长方形共有\_\_\_\_\_种。(对应边长相等的长方形算作同一种)

18. 一个凸  $n$  边形的最小内角为  $95^\circ$ ，其他内角依次增加  $10^\circ$ ，则  $n$  的值是\_\_\_\_\_。

19.  $D, E$  分别在  $\triangle ABC$  的边  $AC, AB$  上， $BD$  与  $CE$  相交于  $F$ ，若  $\frac{AE}{EB} = 2$ ， $\frac{AD}{DC} = \frac{1}{2}$ ， $\triangle ABC$  的面积  $S_{\triangle ABC} = 21$ ，那么四边形  $AEDF$  的面积等于\_\_\_\_\_。

20. 在数轴上， $A$  和  $B$  是两个定点，坐标分别是  $-3$  和  $2$ ，点  $P$  到点  $A, B$  的距离的和等于  $6$ ，那么点的坐标是\_\_\_\_\_。

### 三、B组填空题

21. 方程  $x^2 - xy - 5x + 5y - 1 = 0$  的整数解是\_\_\_\_\_或\_\_\_\_\_。

22. 两个凸多边形，它们的边长之和为  $12$ ，对角线的条数之和为  $19$ ，那么这两个多边形的边数分别是\_\_\_\_\_和\_\_\_\_\_。

23. 方程  $\sqrt{|x+y|} - 5 + \sqrt{y+18} = 0$  的解是\_\_\_\_\_或\_\_\_\_\_。

24. 在一个三位数的百位和十位之间插入  $:0, 1, 2, \dots, 9$  中的一个数码得到的四位数恰是原三位数的  $9$  倍，那么这样的三位数中最小的是\_\_\_\_\_，最大的是\_\_\_\_\_。

25. 已知  $n$  是自然数，且  $n^2 - 17n + 73$  是完全平方数，那么  $n$  的值是\_\_\_\_\_或\_\_\_\_\_。